

Einführung in die Programmierung für Studierende der Naturwissenschaften

Blatt 9 - 21.06.2021

Abgabe: 30.6.2021 bis 18 Uhr per e-Mail an Ihre:n Tutor:in

Aufgabe 1 (5 Punkte).

- (i) Mit welchem Befehl berechnet man in Octave¹ die dritte Potenz der Summe von π und dem Produkt der Variablen a und b?
- (ii) Was ist die Funktion der Variable ans?
- (iii) Was bewirkt ein Semikolon hinter einer Anweisung?
- (iv) Was bewirken die Befehl clear, clc und close?
- (v) Seien A und B $N \times N$ -Matrizen. Was ist der Unterschied zwischen den folgenden Befehlen?

A * B

Δ * F

Aufgabe 2 (2+3 Punkte). (i)Verwenden Sie den Befehl plot(), um die Graphen der folgenden Funktionen zu zeichnen:

$$f_1(x) = \log(x), \quad f_2(x) = x, \quad f_3(x) = x^2, \quad f_4(x) = e^x.$$

Dabei sollen alle Graphen im selben Koordinatensystem dargestellt werden. Benutzen Sie die Befehle xlabel() und ylabel(), um die Koordinatenachsen zu beschriften, den Befehl xlim(), um den dargestellten Bereich der x-Achse auf einen sinnvollen Wert zu ändern, sowie den Befehl legend(), um eine Legende der Funktionsgraphen zu erstellen. Geben Sie einen Ausdruck des Plots sowie der von Ihnen verwendeten Befehle ab.

(ii) Plotten Sie sowohl den Graphen als auch die Höhenlinien der Funktion

$$(x,y) \mapsto (x^2 + y^2)^{\frac{1}{2}} + \sin(x^2 + y^2) + \cos(x^2)$$

für $-3 \le x, y \le 3$ mit Hilfe der Octave-Routinen mesh und contour.

Aufgabe 3 (5 Punkte). Schreiben Sie ein Programm in C++, dass ein ausgefülltest Sudoku auf Korrektheit überprüft. Dazu soll ein Sudoku von der Kommandozeile gelesen und in einem 2-dimensionalen Array

unsigned short sudoku[9][9];

 $^{^1\}mathrm{Sie}$ können grundsätzlich alle Octave-Aufgaben auch mit MATLAB bearbeiten.

gespeichert werden. Hinweis: Ein Sudoku ist korrekt ausgefüllt, wenn in jeder Zeile, jeder Spalte und den 3×3 -Unterquadraten jede Ziffer von 1-9 genau ein Mal vorkommt, siehe https://de.wikipedia.org/wiki/Sudoku.

Aufgabe 4 (5 Punkte). Eine Variable x vom Typ double kann in C++ mit Hilfe der Zuweisung x=double(rand())/RAND_MAX; mit einer Zufallszahl zwischen 0 und 1 belegt werden. Schreiben Sie ein Programm (in C++), welches eine vorgegebene Anzahl N an Paaren $(x_n,y_n)_{1\leq n\leq N}$ von Zufallszahlen erzeugt und für jedes Zahlenpaar prüft, ob der Punkt (x_n,y_n) innerhalb des Viertelkreises

$$\{(x,y): 0 \le x, \ 0 \le y, \ x^2 + y^2 \le 1\}$$

liegt. Der Anteil der Punkte innerhalb des Viertelkreises liefert für große N eine Approximation an $\pi/4$. Für $1 \le n \le N$ bezeichne π_n das 4-fache des Anteils der n Punkte $(x_i,y_i)_{i \le n}$, die innerhalb des Viertelkreises liegen. Wählen Sie für N nacheinander die Werte 10^3 , 10^4 , 10^5 und 10^6 und speichern Sie die Werte $(n,\pi_n)_{1 \le n \le N}$ aus Ihrer Berechnung jeweils in eine Datei. Lesen Sie diese Dateien anschließend mit dem Befehl load ('DATEINAME') in Octave ein und erstellen Sie jeweils einen Plot der Daten, der die Konvergenz $\pi_n \to \pi$ veranschaulicht.

Aufgabe 5 (optional). Fügen Sie Ihrer Abgabe eine Datei erfahrungen09.txt bei. Berichten Sie darin wieder in Stichpunkten bzw. ein bis zwei kurzen Sätzen über Ihre Erfahrungen mit Kursinhalt und Übungsaufgaben. Was fiel Ihnen leicht? Was ist noch unklar? Wie viel Zeit haben Sie für die Bearbeitung der Hausaufgaben benötigt und welche Probleme traten dabei auf?