Prof. Dr. M. Růžička 29.11.2010

C. Gersbacher

Praktikum zur Vorlesung

Einführung in die Theorie und Numerik partieller Differentialgleichungen

WS 2010/11 — Blatt 5

Praktikumsaufgabe

Abgabe: bis Montag, den 06.12.2010, per Mail an den Assistenten

Aufgabe 6 (4 Punkte)

Im Verzeichnis /praktikum/grid/ finden Sie die Implementierung eines 2D-Simplex-Gitters. Das Gitter hält unter anderem eine Menge von Dreiecken. Die Geometrie eines Dreicks T wird durch die Klasse Geometry beschrieben, ihre Methoden erlauben unter anderem den Zugriff auf die Koordinaten der Eckpunkte oder geben das Volumen des Dreiecks zurück.

Auf der anderen Seite lässt sich die Klasse aber auch als Implementierung der Referenzabbildung $F_T: \hat{T} \to T$ auf das Einheitssimplex $\hat{T} \subset \mathbb{R}^2$ interpretieren: die Methoden global und local (siehe unten) entsprechen gerade den Abbildungen F_T bzw. F_T^{-1} .

Die im folgenden verwendeten Typen GlobalCoordinate und LocalCoordinate sind in der Klasse Geometry definiert und bezeichnen Vektoren im \mathbb{R}^2 verwendet. Der Typ GlobalCoordinate ist für Punkte $x \in T$ reserviert, der Typ LocalCoordinate für Punkte $\hat{x} \in \hat{T}$.

Implementieren Sie in der Datei geometry.hh die folgenden Methoden:

void update () const

Wie auf dem letzten Blatt definiert ist die Referenzabbildung affin linear, $F_T x = A_T x + p$ mit $A_T \in \mathbb{R}^{2 \times 2}$, $p \in \mathbb{R}^2$. In dieser privaten Methode sollen die Transponierten A_T^t und A_T^{-t} sowie det A_T^t berechnet und gespeichert werden.

double integration Element (const Local Coordinate & local) const Die Methode gibt $|\det A_T^t|$ zurück.

double volume () const

Gibt das Volumen |T| des Dreiecks zurück.

Global Coordinate global (const Local Coordinate & local) const Bildet den Punkt $local \in \hat{T}$ auf das Dreieck T ab, Rückgabewert ist $F_T(local)$.

Local Coordinate local (const Global Coordinate & global) const Bildet den Punkt $global \in T$ auf das Referenzdreieck \hat{T} ab, Rückgabewert ist $F_T^{-1}(global).$ Achten Sie darauf, dass die Methoden local und global invers zuein ander sind.